

## טבלת סימונים לאינפי מתקדם

1.  $\mathbb{R}^n$  --המרחב האוקלידי ה- $n$  מימדי ( $n$ -יות של מספרים ממשיים).

נקודה ב-  $\mathbb{R}^n$  תסומן על-ידי  $x = (x_1, x_2, \dots, x_n)$ .

סידרת נקודות ב-  $\mathbb{R}^n$  תסומן באינדקס עליון:  $x^1, x^2, \dots, x^k, \dots$ .

2. תהי  $S \subseteq \mathbb{R}^n$  אזי:

(א)  $\bar{S}$  הוא הסגור של  $S$ .

(ב)  $S^0 \equiv \text{int } S$  היא הקבוצה הפתוחה הגדולה ביותר המוכלת ב-  $S$ .

(ג)  $S^c = \mathbb{R}^n \setminus S$  היא ה"משלים" של  $S$ .

(ד)  $\partial S = \bar{S} \cap \overline{S^c}$  היא השפה של  $S$ .

3. הנורמה האוקלידית ב-  $\mathbb{R}^n$  תוגדר על-ידי:  $\|x\| = \sqrt{\sum_{i=1}^n x_i^2}$ .

המכפלה הסקלרית ב-  $\mathbb{R}^n$  תוגדר על-ידי:  $(x, y) = \sum_{i=1}^n x_i y_i$ .

אבל נשתמש גם בסימונים נוספים למכפלה הסקלרית:  $\langle x, y \rangle = x \cdot y = (x, y)$ .

4. כל נורמה אחרת תסומן על-ידי  $\|x\|$  (עם אינדקס מתאים במידת הצורך).

5. הכדור (האוקלידי) ברדיוס  $r$  סביב הנקודה  $x \in \mathbb{R}^n$  הוא הכדור הפתוח:

$$B(x, r) = \{y \in \mathbb{R}^n, \|y - x\| < r\}$$

6. סימון לנגזרת חלקית של פונקציה  $f(x) = f(x_1, x_2, \dots, x_n)$ :

$$\frac{\partial f}{\partial x_i} = f_{x_i} = \partial_{x_i} f$$

7. הגראדיינט של פונקציה סקלרית מוגדר על ידי:

$$\nabla f(x) = (f_{x_1}, f_{x_2}, \dots, f_{x_n})$$

זהו ווקטור ב-  $\mathbb{R}^n$ .

8. פונקציה מ-  $\mathbb{R}^n$  ל-  $\mathbb{R}^m$  נתונה על-ידי:

$$f(x) = (f_1, f_2, \dots, f_m)$$

כאשר כל  $f_i(x)$  היא פונקציה סקלרית.

9. היעקוביאן של הפונקציה מהסעיף הקודם היא המטריצה  $m \times n$  המוגדרת:

$$J(f) = \begin{pmatrix} \nabla f_1 \\ \nabla f_2 \\ \vdots \\ \nabla f_m \end{pmatrix}$$

כאשר כל  $\nabla f_i(x)$  היא שורה באורך  $n$ .